

VEKTOROPERATIONEN

Strichoperationen

Addition	$\vec{a} + \vec{b} = \vec{c}$ (Vektor)	$\begin{pmatrix} a_x + b_x \\ a_y + b_y \\ a_z + b_z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} c_x \\ c_y \\ c_z \end{pmatrix}$	
Subtraktion (Addition des Gegenvektors)	$\vec{a} - \vec{b} = \vec{a} + (-\vec{b}) = \vec{c}$ (Vektor)	$\begin{pmatrix} a_x - b_x \\ a_y - b_y \\ a_z - b_z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} c_x \\ c_y \\ c_z \end{pmatrix}$	

Sonstiges Operationen

Betrag norm(a)	$ \vec{a} = \sqrt{a_x^2 + a_y^2 + a_z^2}$ (Skalar)		
Einheitsvektor a/norm(a)	$\vec{e}_a = \frac{\vec{a}}{ \vec{a} }$	$\vec{a} = a_x * \vec{e}_x + a_y * \vec{e}_y + a_z * \vec{e}_z$	
Linearkombin.	$\vec{c} = \lambda * \vec{a} + \mu * \vec{b}$	$\begin{cases} c_x = \lambda * a_x + \mu * b_x \\ c_y = \lambda * a_y + \mu * b_y \end{cases}$	

Punktoperationen

Multiplikation & Division	$a * b = A$ a/b (Skalar)			
Multiplikation & Division mit Skalar	$\lambda * \vec{a} = \vec{b}$ $\vec{a}/\lambda = \vec{b}$ (Vektor)	$\vec{b} = \begin{pmatrix} a_x * \lambda \\ a_y * \lambda \\ a_z * \lambda \end{pmatrix}$ $\vec{b} = \begin{pmatrix} a_x/\lambda \\ a_y/\lambda \\ a_z/\lambda \end{pmatrix}$		
Skalarprodukt dot(a,b) linalg::scalar Product(a,b)	$\vec{a} * \vec{b} = A$ (Skalar)	$\vec{a} * \vec{b} = a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z$		
	projizierte Fläche	$A = \vec{a} * \vec{b}$		
	Projektion von b auf a	$\vec{b}_a = \vec{b} \cos(\varphi) \vec{e}_a$		
	rechtwinklig	$\vec{a} * \vec{b} = 0$		
	Länge ist 1	$\vec{a} * \vec{a} = 1$		
	Zwischenwinkel	$\varphi = \cos^{-1} \frac{\vec{a} * \vec{b}}{ \vec{a} * \vec{b} }$		
Vektorprodukt / Kreuzprodukt cross(a,b) linalg::cross Product(a,b)	$\vec{a} \times \vec{b} = \vec{c}$ (Vektor)	$c_x: \begin{vmatrix} a_x & b_x \\ a_y & b_y \end{vmatrix}$ $c_y: \begin{vmatrix} a_x & b_x \\ a_z & b_z \end{vmatrix}$ $c_z: \begin{vmatrix} a_x & b_x \\ a_y & b_y \end{vmatrix}$		
	3ter Vektor Normale d. Ebene	$\vec{c} = \vec{a} \times \vec{b}$		
	kollinear	$ \vec{a} \times \vec{b} = 0$		
	Zwischenwinkel	$\varphi = \sin^{-1} \frac{ \vec{a} \times \vec{b} }{ \vec{a} * \vec{b} }$		
	Parallelogramm	$A = \vec{a} \times \vec{b} $		
Spatprodukt / Determinante det([a;b;c]) det(A)	$[\vec{a} \vec{b} \vec{c}] = \text{Volumen}$ (Vektor)	$[\vec{a} \vec{b} \vec{c}] = \begin{vmatrix} a_x & b_x & c_x \\ a_y & b_y & c_y \\ a_z & b_z & c_z \end{vmatrix}$		
	$[\vec{a} \vec{b} \vec{c}] = \vec{a}(\vec{b} \times \vec{c})$	Volumen		$V = [\vec{a} \vec{b} \vec{c}] $
	$= \vec{a} * \vec{b} \times \vec{c} \cos \varphi$	komplanar		$[\vec{a} \vec{b} \vec{c}] = 0$